

Podany układ sił  $\mathcal{A}$  zredukować w punkcie  $A_3$ , a następnie wyznaczyć najprostszzy zredukowany układ:

$$\mathcal{A} = \begin{pmatrix} \bar{F}_1 & \bar{F}_2 & \bar{F}_3 \\ A_1 & A_2 & A_3 \end{pmatrix}$$

$$\bar{F}_1 = (2P, P, 3P), \quad \bar{F}_2 = (-2P, -P, -3P), \quad \bar{F}_3 = (4P, 2P, 6P)$$

$$A_1(0, 0, a), \quad A_2(a, a, 0), \quad A_3(a, a, a)$$

Aby odpowiedzieć na pierwszą część pytania, należy wyznaczyć sumę zadanego układu i jego moment względem punktu  $A_3$ :

$$\bar{S} = \sum_{i=1}^{n=3} \bar{F}_i = (4P, 2P, 6P) \neq \bar{0}$$

$$\bar{M}_{A_3} = \sum_{i=1}^{n=3} \bar{F}_i \times \overline{A_i A_3} = (-4Pa, 5Pa, Pa) \neq \bar{0}$$

W punkcie  $A_3$  układ  $\mathcal{A}$  redukuje się do wektora  $\bar{F} = \bar{S} = (4P, 2P, 6P)$  zaczepionego w tym punkcie i pary sił o momencie  $\bar{M}_{A_3} = (-4Pa, 5Pa, Pa)$ . Najprostszym zredukowanym układem jest wypadkowa, ponieważ  $\bar{S} \neq \bar{0} \wedge K = \bar{S} \cdot \bar{M}_{A_3} = 0$ .

Niech punkt  $R(x, y, z)$  należy do prostej  $l$  działania wypadkowej:

$$\begin{aligned} \bar{M}_R = \bar{0} &= \bar{M}_{A_3} + \bar{S} \times \overline{A_3 R} = P(z - 3y)\bar{e}_x + \\ &+ P(6x - 4z + 3a)\bar{e}_y + P\left(2y - x - \frac{a}{2}\right)\bar{e}_z \end{aligned}$$

Stąd równanie krawędziowe prostej działania wypadkowej jest następujące:

$$l: \begin{cases} 6x - 4z + 3a = 0 \\ z - 3y = 0 \end{cases}$$

**Odpowiedź:**

Najprostszym zredukowanym układem jest wypadkowa  $\bar{W} = \bar{S} = (4P, 2P, 6P)$  o prostej działania

$$l: \begin{cases} 6x - 4z + 3a = 0 \\ z - 3y = 0 \end{cases}$$