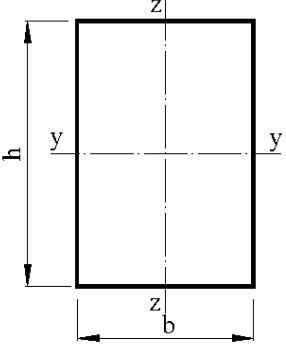
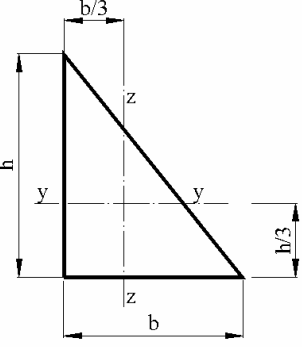
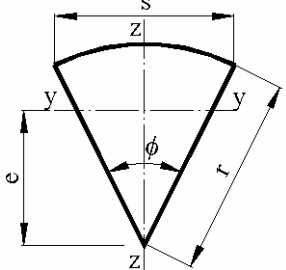
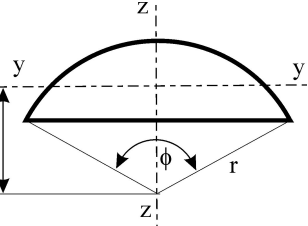


## Charakterystyki geometryczne figur płaskich

### Uwagi ogólne:

Oś symetrii jest główną centralną osią bezwładności. Jeśli przekrój posiada jedną oś symetrii, to druga oś główna centralna jest do niej prostopadła i przechodzi przez środek ciężkości. Jeśli przekrój posiada więcej niż 2 osie symetrii (trójkąt równoboczny, kwadrat, koło itp.) to każda oś centralna jest główna. Biegunowy moment bezwładności względem środka ciężkości równy jest sumie centralnych momentów bezwładności.

	pole i środek ciężkości	momenty bezwładności
	(prostokąt)  $F = bh$	$I_y = \frac{bh^3}{12}$ $I_z = \frac{b^3h}{12}$
	(trójkąt prostokątny)  $F = \frac{bh}{2}$ $C (b/3, h/3)$	$I_y = \frac{bh^3}{36}$ $I_z = \frac{b^3h}{36}$ $I_{yz} = -\frac{b^2h^2}{72}$
	(wycinek koła)  $F = \frac{\phi r^2}{2}$  $e = \frac{4}{3} r \frac{\sin \frac{\phi}{2}}{\phi}$	$I_y = \frac{r^4}{8} (\phi + \sin \phi) - \frac{8}{9} r^4 \frac{\sin^2 \frac{\phi}{2}}{\phi}$ $I_z = \frac{r^4}{8} (\phi - \sin \phi)$
	(odcinek koła)  $F = \frac{r^2}{2} (\phi - \sin \phi)$  $e = \frac{4}{3} r \frac{\sin^3 \frac{\phi}{2}}{\phi - \sin \phi}$	$I_y = \frac{r^4}{16} (2\phi - \sin 2\phi) - \frac{r^4}{9} \frac{(1 - \cos \phi)^3}{\phi - \sin \phi}$ $I_z = \frac{r^4}{48} (6\phi - 8\sin \phi + \sin 2\phi)$

	<p>(koło)</p> $F = \pi r^2$ $I_y = I_z = \frac{\pi r^4}{4}$	
	<p>(półkoło)</p> $F = \frac{\pi r^2}{2}$ $e = \frac{4r}{3\pi}$ $I_y = r^4 \left( \frac{\pi}{8} - \frac{8}{9\pi} \right)$ $I_z = \frac{\pi r^4}{8}$	
	<p>(ćwiartka koła)</p> $F = \frac{\pi r^2}{4}$ $e = \frac{4r}{3\pi}$ $I_y = I_z = \frac{r^4}{2} \left( \frac{\pi}{8} - \frac{8}{9\pi} \right)$ $I_{yz} = \frac{r^4}{2} \left( \frac{8}{9\pi} - \frac{1}{4} \right)$	
	<p>(ćwiartka elipsy)</p> $F = \frac{\pi}{4} bh$ $e_y = \frac{4}{3\pi} b$ $e_z = \frac{4}{3\pi} h$ $I_y = \frac{bh^3}{2} \left( \frac{\pi}{8} - \frac{8}{9\pi} \right)$ $I_z = \frac{b^3 h}{2} \left( \frac{\pi}{8} - \frac{8}{9\pi} \right)$ $I_{yz} = 0.01647 b^2 h^2$	
	<p>(połowa paraboli)</p> $F = \frac{2}{3} bh$ $e_y = \frac{2}{5} h$ $e_z = \frac{3}{8} b$ $I_y = \frac{8}{175} bh^3$ $I_z = \frac{19}{480} b^3 h$ $I_{yz} = \frac{b^2 h^2}{60}$	