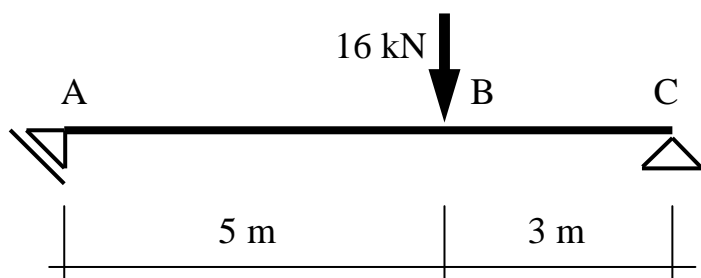
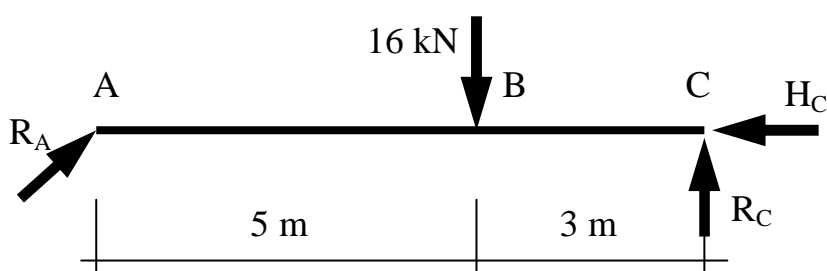


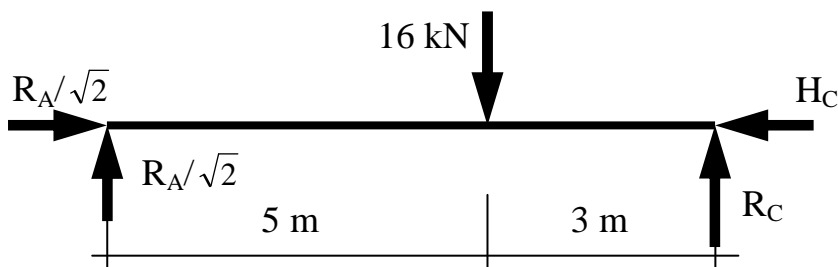
Rozwiązać podaną belkę prostą
sporządzić wykresy sił przekrojowych: **M**, **Q**, **N**



Reakcje



Zamiast ukośnej reakcji R_A reakcje pozioma i pionowa:



Obliczenie reakcji:

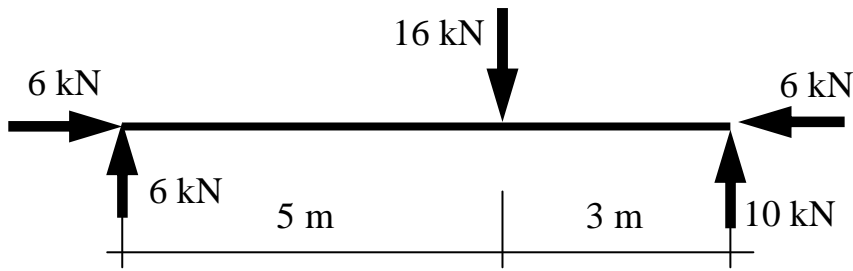
$$\Sigma M(A)=0 \Rightarrow 16\text{kN} \cdot 5\text{m} - R_C \cdot 8\text{m} = 0$$

$$R_C = \frac{80\text{kNm}}{8\text{m}} = 10\text{kN}$$

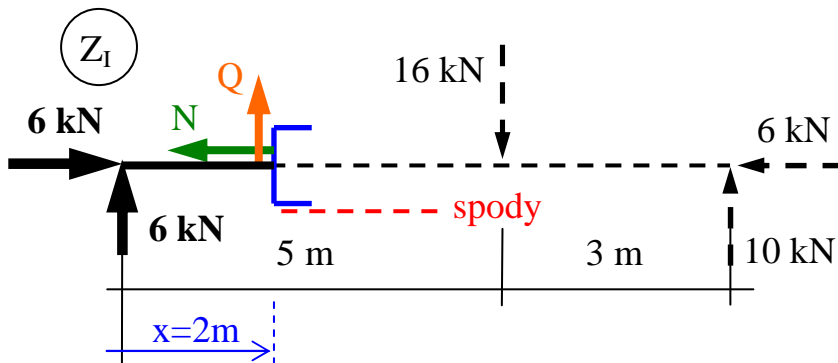
$$\Sigma Y=0 \Rightarrow \frac{R_A}{\sqrt{2}} - 16\text{kN} + 10\text{kN} = 0$$

$$\frac{R_A}{\sqrt{2}} = 16\text{kN} - 10\text{kN} = 6\text{kN}$$

$$\Sigma X=0 \Rightarrow 6\text{kN} - H_C = 0 \Rightarrow H_C = 6\text{kN}$$



Redukcja w przekroju $x=2\text{m}$ układu sił będącego na **lewo** od tego przekroju (Z_I)

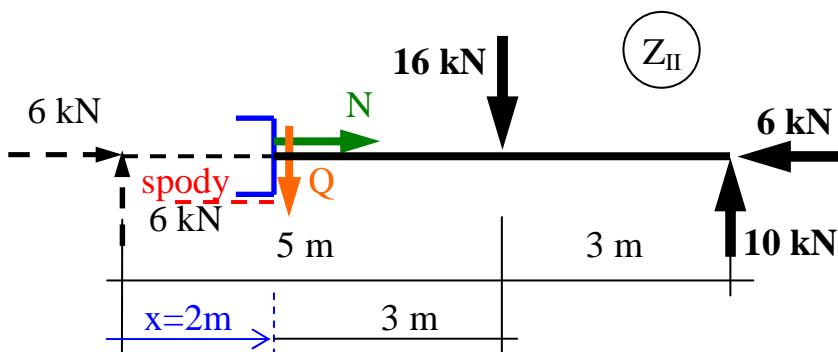


$$N(x=2\text{m}) = -6\text{kN}$$

$$Q(x=2\text{m}) = 6\text{kN}$$

$$M(x=2\text{m}) = 6\text{kN} \cdot 2\text{m} = 12\text{kNm}$$

Redukcja w przekroju $x=2\text{m}$ układu sił będącego na **prawo** od tego przekroju (Z_{II})



$$N(x=2\text{m}) = -6\text{kN}$$

$$Q(x=2\text{m}) = 16\text{kN} - 10\text{kN} = 6\text{kN}$$

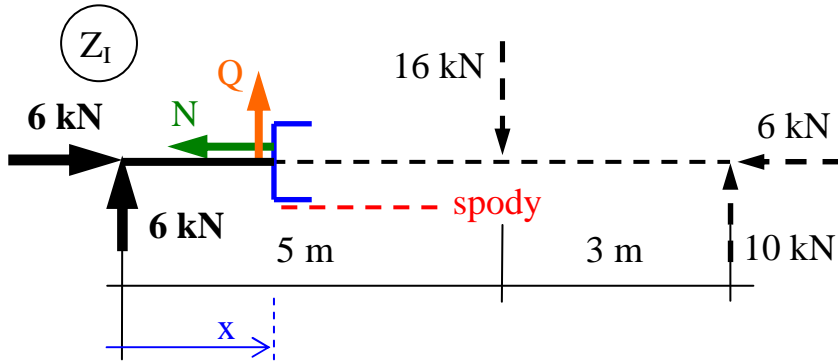
$$M(x=2\text{m}) = -16\text{kN} \cdot 3\text{m} + 10\text{kN} \cdot 6\text{m} = -48\text{kNm} + 60\text{kNm} = 12\text{kNm}$$

W układzie lokalnym siły przekrojowe są takie same, niezależnie czy redukujemy Z_I czy Z_{II}

Funkcje sił przekrojowych dla każdego przekroju.

Przedział charakterystyczny $x \in (0\text{m}, 5\text{m})$

Redukcja w **przekroju x** układu sił będącego na **lewo** od tego przekroju (Z_I)

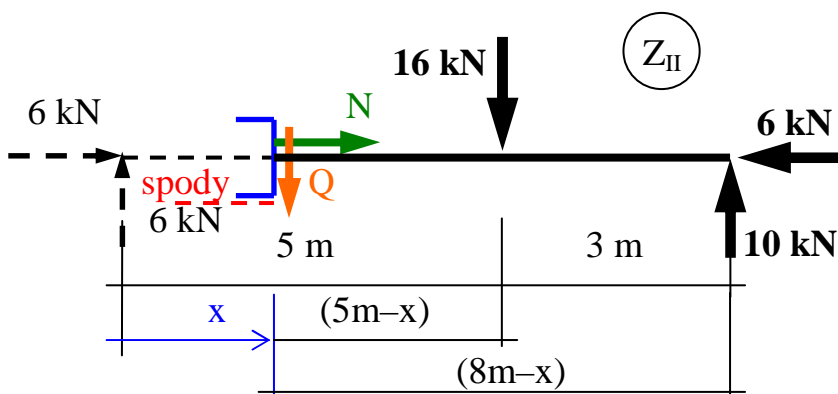


$$N(x) = -6\text{kN}$$

$$Q(x) = 6\text{kN}$$

$$M(x) = 6\text{kN} \cdot x, \quad M(x=0) = 0, \quad M(x=5\text{m}) = 30\text{kNm}$$

Redukcja w **przekroju x** układu sił będącego na **prawo** od tego przekroju (Z_{II})



$$N(x) = -6\text{kN}$$

$$Q(x) = 16\text{kN} - 10\text{kN} = 6\text{kN}$$

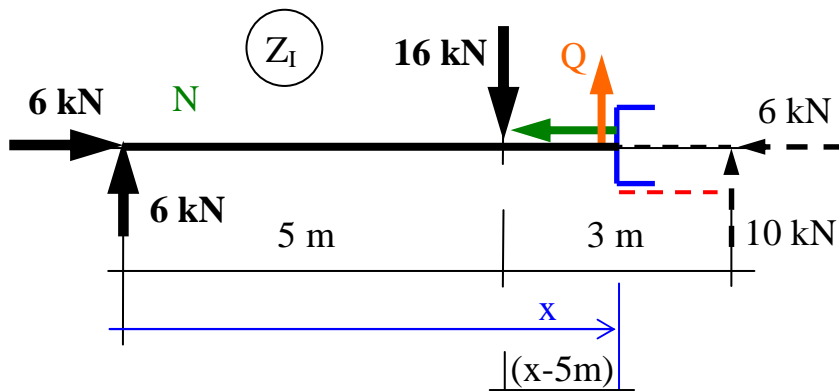
$$M(x) = -16\text{kN} \cdot (5\text{m} - x) + 10\text{kN} \cdot (8\text{m} - x) = 6\text{kN} \cdot x$$

W układzie lokalnym funkcje sił przekrojowych są takie same, niezależnie czy redukujemy Z_I czy Z_{II}

W przedziale charakterystycznym $x \in (0\text{m}, 5\text{m})$ łatwiej było zredukować (Z_I)

Przedział charakterystyczny $x \in (5\text{m}, 8\text{m})$

Redukcja w **przekroju x** układu sił będącego na **lewo** od tego przekroju (Z_I)



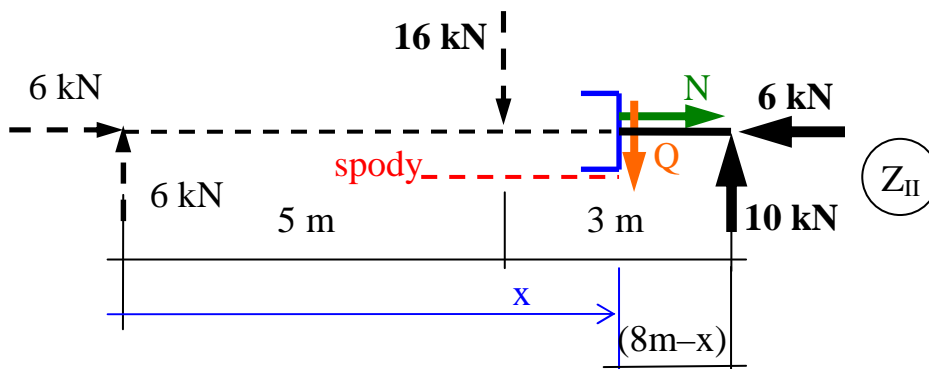
$$N(x) = -6\text{kN}$$

$$Q(x) = 6\text{kN} - 16\text{kN} = -10\text{kN}$$

$$M(x) = 6\text{kN} \cdot x - 16\text{kN} \cdot (x-5\text{m}) ,$$

$$M(x=5\text{m}) = 30\text{kNm} , \quad M(x=8\text{m}) = 0$$

Redukcja w **przekroju x** układu sił będącego na **prawo** od tego przekroju (Z_{II})



$$N(x) = -6\text{kN}$$

$$Q(x) = -10\text{kN}$$

$$M(x) = 10\text{kN} \cdot (8\text{m}-x) , \quad M(x=5\text{m}) = 30\text{kNm} , \quad M(x=8\text{m}) = 0$$

W układzie lokalnym funkcje sił przekrojowych są takie same, niezależnie czy redukujemy Z_I czy Z_{II}

W przedziale charakterystycznym $x \in (5\text{m}, 8\text{m})$ łatwiej było zredukować (Z_{II})

Ostatecznie:

Przedział charakterystyczny $x \in (0\text{m}, 5\text{m})$

$$N(x) = -6\text{kN}$$

$$Q(x) = 6\text{kN}$$

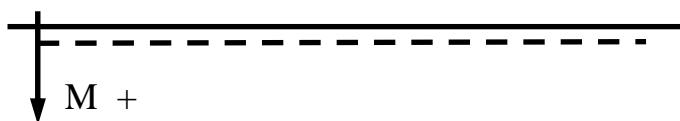
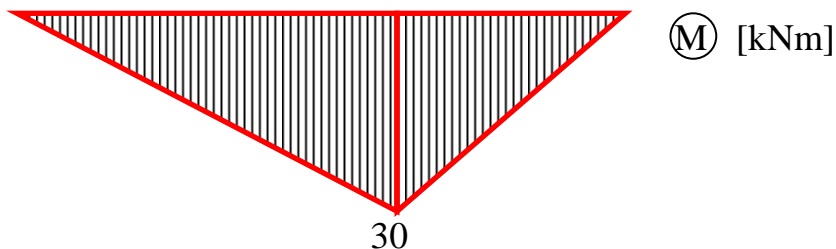
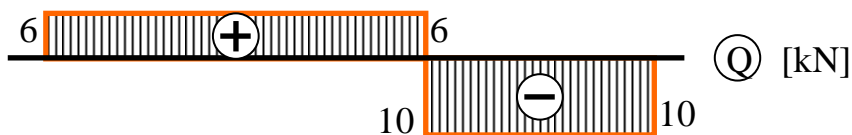
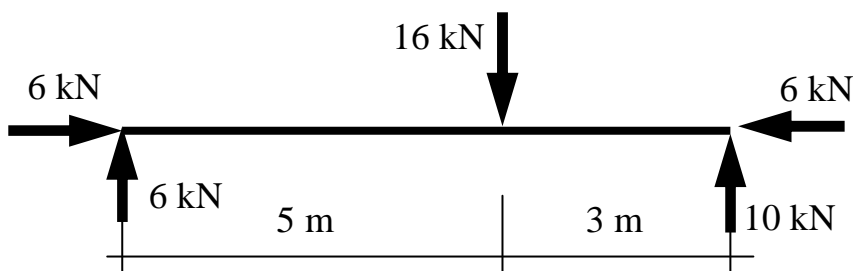
$$M(x) = 6\text{kN} \cdot x, \quad M(x=0) = 0, \quad M(x=5\text{m}) = 30\text{kNm}$$

Przedział charakterystyczny $x \in (5\text{m}, 8\text{m})$

$$N(x) = -6\text{kN}$$

$$Q(x) = -10\text{kN}$$

$$M(x) = 10\text{kN} \cdot (8\text{m} - x), \quad M(x=5\text{m}) = 30\text{kNm}, \quad M(x=8\text{m}) = 0$$



Dodatnie rzędne M w kierunku spodów