

W podanym tensorze naprężenia i odpowiadającym mu tensorze odkształcenia znaleźć brakujące składowe. Dane  $q_0$  i stałe materiałowe.

$$\mathbf{T}_\sigma = \begin{bmatrix} ? & 0 & 0 \\ 0 & -q_0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{T}_\varepsilon = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & ? & 0 \\ 0 & 0 & ? \end{bmatrix}$$

Dane:  $\sigma_y = -q_0$  ,  $\sigma_z = 0$  ,  $\varepsilon_x = 0$

Szukane są:  $\sigma_x$  ,  $\varepsilon_y$  ,  $\varepsilon_z$

Rozwiązanie: Wykorzystamy równania Hooke'a.

$$\varepsilon_x = [\sigma_x - \nu(\sigma_y + \sigma_z)]/E = 0 \quad \Rightarrow \quad [\sigma_x - \nu(-q_0)]/E = 0 \quad \Rightarrow \quad \sigma_x = -\nu q_0$$

$$\varepsilon_y = [\sigma_y - \nu(\sigma_x + \sigma_z)]/E = [(-q_0) + \nu \nu q_0]/E$$

$$\varepsilon_z = [\sigma_z - \nu(\sigma_x + \sigma_y)]/E = [0 - \nu(-\nu q_0 - q_0)]/E = [+ \nu \nu q_0 + \nu q_0]/E$$

czyli po uzupełnieniu  $\sigma_x$  ,  $\varepsilon_y$  ,  $\varepsilon_z$  mamy macierze:

-naprężeń

$$\mathbf{T}_\sigma = -q_0 \begin{bmatrix} \nu & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

-odkształceń

$$\mathbf{T}_\varepsilon = \frac{-q_0}{E} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 - \nu^2 & 0 \\ 0 & 0 & -\nu - \nu^2 \end{bmatrix}$$

Stan naprężeń reprezentowany przez  $\mathbf{T}_\sigma$  i stan odkształceń reprezentowany przez  $\mathbf{T}_\varepsilon$  odpowiada równomiernemu ścisnaniu obciążeniem o wartości  $q_0$  , ciała w kierunku osi  $y$  , przy zablokowaniu możliwości odkształcenia liniowego w kierunku osi  $x$  dwoma sztywnymi ścianami.



